

שיעורים וקורסיו לימוד במתמטיקה ופיזיקה לתלמידי חטיבה תיכון, והכנה לבגרות - **התמחות ב-5 יח"ל**

"תמציתה של המתמטיקה היא לא לסבר דברים פשוטים, כי אם לפחות דברים מסובכים". - סר גאדר

4 יחידות - 482 - שיעור 2 - משוואות מעריכיות

חוקי החזקות

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

הפתרון למשואה - $x = \log_3 18 = 2.63$, ניתן לחשב בעזרת המחשבון $3^x = 18$

דוגמאות לפתרון משוואות:

דוגמה 2

$$\begin{aligned} 4 \cdot 4^{2x} &= 8^x \\ 4^{2x+1} &= 8^x \\ (2^2)^{2x+1} &= (2^3)^x \\ 2^{4x+2} &= 2^{3x} \\ 4x + 2 &= 3x \\ x &= -2 \end{aligned}$$

דוגמה 1

$$\begin{aligned} 3^{x+2} &= 9^x \\ 3^{x+2} &= (3^2)^x \\ 3^{x+2} &= 3^{2x} \\ x + 2 &= 2x \\ x &= 2 \end{aligned}$$

1. פתרו את המשוואות הבאות

$$4^x = 16 \quad \text{ג'}$$

$$3^x = 3^2 \quad \text{ב'}$$

$$2^x = 2 \quad \text{א'}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^x = \frac{8}{125} \quad \text{ד'}$$

$$6^x = \frac{1}{36} \quad \text{ה'}$$

$$8^x = 2 \quad \text{ט'}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^x = \left(\frac{27}{64}\right)^2 \quad \text{ט'}$$

$$2^x = 10 \quad \text{ח'}$$

$$2^x = 1 \quad \text{ג'}$$

שיעורים וקורסיו לימוד במתמטיקה ופיזיקה לתלמידי חטיבה תיכון, והכנה לבגרות - **התמחות ב-5 יח"ל**

"תמציתה של המתמטיקה היא לא לסבר דברים פשוטים, כי אם לפחות דברים מסובכים". - סר גאדר

2. פתרו את המשוואות הבאות

$$5^{2x} = 25 \quad \text{ג.}$$

$$3^{x-1} = 9 \quad \text{ב.}$$

$$2^{x+1} = 8 \quad \text{א.}$$

$$7^{x+1} = 49^x \quad \text{.1}$$

$$3^{x+1} = 9^x \quad \text{.ג.}$$

$$2^{x+4} = 8^x \quad \text{.ט.}$$

$$4 \cdot 8^{2x-1} = 2 \quad \text{.ט.}$$

$$3 \cdot 3^{2x+1} = 27^x \quad \text{.ט.}$$

$$5^{x+1} = 25^x \quad \text{.ג.}$$

$$\left(\frac{1}{9}\right)^{2x} = 81 \quad \text{.יב.}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^x = 2^x \quad \text{.יא.}$$

$$3 \cdot 9^{-x+1} = 3^{2x} \quad \text{.ג.}$$

$$\frac{1}{27}$$

$$\left(\frac{8}{27}\right)^{1-x} = \left(\frac{9}{4}\right)^x \quad \text{.ט.}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^x = \left(\frac{5}{2}\right)^{x+1} \quad \text{.ג.}$$

3. פתרו את המשוואות הבאות

$$6^{x^2-x} = 36 \quad \text{.ג.}$$

$$2^{-x^2+4x} = 8 \quad \text{.ב.}$$

$$3^{x^2} = 81 \quad \text{.א.}$$

$$8^x \cdot 6 = 24 \quad \text{.1}$$

$$7 \cdot 5^x = 175 \quad \text{.ג.}$$

$$3 \cdot 2^x = 48 \quad \text{.ט.}$$

4. פתרו את המשוואות הבאות

$$2^{x+2} = 2 \cdot 2^{2x} \quad \text{.ג.}$$

$$9^{2x+1} = 3^{2-x} \quad \text{.ב.}$$

$$4^{x+1} = 8^{x-2} \quad \text{.א.}$$

$$3^{-2x} = 81 \cdot 9^{x+2} \quad \text{.ט.}$$

$$8 \cdot 2^{3-x} = 32^x \quad \text{.ג.}$$

$$25 \cdot 5^{x+2} = 25^{2x} \quad \text{.ט.}$$

$$\frac{1}{2}^x = \frac{1}{8^{x-1}} \quad \text{.ט.}$$

$$\frac{3}{9^{2x}} = 27^{-x} \quad \text{.ג.}$$

$$5^{3x+2} = \frac{1}{25^{2x}} \quad \text{.ג.}$$

$$\sqrt{8}^{x+2} = \frac{1}{1024^x} \quad \text{.יב.}$$

$$1 - 5^{3x+6} = 0 \quad \text{.יא.}$$

$$\sqrt{3}^{x+2} = \frac{1}{9^x} \quad \text{.ג.}$$

שיעורים וקורסיו לימוד במתמטיקה ופיזיקה לתלמידי חטיבה תיכון, והכנה לבגרות - **הتمחות ב-5 יח"ל**

"תמציתה של המתמטיקה היא לא לסבר דברים פשוטים, כי אם לפחות דברים מסובכים". - סר גאדר

5. פתרו את המשוואות הבאות

$$\frac{5^{x-1}}{125^x} = 25^{x-2} \quad \text{ג.} \quad 9^{3x-2} = \frac{81^{x+1}}{27^x} \quad \text{ב.} \quad \frac{4^{x+1}}{16^x} = 2^{x-2} \quad \text{א.}$$

$$10^x \cdot \frac{10,000}{100^{2x}} = \left(\frac{10^x}{1000}\right)^{-2} \quad \text{ד.} \quad \frac{7^{-x+2}}{343^x} = \frac{49}{7^x} \quad \text{ה.} \quad \frac{32}{32^{2x}} = \frac{128^{x+3}}{4^x} \quad \text{ט.}$$

6. פתרו את המשוואות הבאות

$$4 \cdot 7^x - 7^x = 147 \quad \text{ב.} \quad 3^x + 3^x = 6 \quad \text{א.}$$

$$5^{x+2} + 5^x = 130 \quad \text{ד.} \quad 5 \cdot 6^x - 3 \cdot 6^x = 432 \quad \text{ג.}$$

$$2\sqrt{3}^{x+2} - 28 \cdot \sqrt{3}^x = 16 \quad \text{ל.} \quad 3^{x+2} - 2 \cdot 3^x = 63 \quad \text{ה.}$$

7. פתרו את המשוואות הבאות

$$3 \cdot 8^{x-2} + 8^x = 536 \quad \text{ב.} \quad 2^{x-1} + 2^x = 6 \quad \text{א.}$$

$$3^{x-3} - 3^{x-1} = -8 \quad \text{ט.} \quad 2 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x - \left(\frac{1}{3}\right)^{x+1} = \frac{5}{54} \quad \text{ג.}$$

$$9^{2x+\frac{1}{2}} - 9^{2x-\frac{1}{2}} = 144 \quad \text{ל.} \quad 5^{x+1} - 5^{x-1} = 120 \quad \text{ה.}$$

8. פתרו את המשוואות הבאות

שיעורים וקורסיו לימוד במתמטיקה ופיזיקה לתלמידי חטיבה תיכון, והכנה לבגרות - **הتمוחות ב-5 יח"ל**

"תמציתה של המתמטיקה היא לא לסבר דברים פשוטים, כי אם לפחות דברים מסובכים". - סר גאדר

$$3^{2x} - 5 \cdot 2^x + 4 = 0 \quad \text{א.}$$

$$7^x - 2 \cdot 7^{-x} = 1 \quad \text{ב.} \quad 6^{2x} - 216 \cdot 6^x = 0 \quad \text{ג.}$$

$$2^{2x} - 2 \cdot 2^{-2x} = -3 \quad \text{ד.} \quad 2 \cdot 5^{2x} - 11 \cdot 5^x + 5 = 0 \quad \text{ה.}$$

$$\frac{12}{7^x} - 2 \cdot 7^x = -2 \quad \text{ו.} \quad 3 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^x - \left(\frac{1}{25}\right)^{0.5x} = 50 \quad \text{ז.}$$

9. פתרו את המשוואות הבאות

$$3^{1.5x} - 9 \cdot 3^{-1.5x} = 8 \quad \text{ב.} \quad 2^x - 6 \cdot 2^{-x} = 1 \quad \text{א.}$$

$$25^{2x+\frac{1}{2}} - 5 \cdot 25^x = 26 \quad \text{ט.} \quad \left(\frac{1}{8}\right)^{-\frac{1}{3}x+\frac{1}{3}} - \left(\frac{1}{4}\right)^{0.5x} = \frac{1}{2} \quad \text{ז.}$$

$$(\sqrt{7}^{2x+1} - 1) \cdot (\sqrt{7} \cdot \sqrt{7}^{2x} + 1) = 6 \quad \text{ה.}$$

10. פתרו את המשוואות הבאות

$$-e^{2x+1} - 2 = 0 \quad \text{ז.} \quad 2e^x - 10 = 0 \quad \text{ב.} \quad -e^x + 1 = 0 \quad \text{א.}$$

$$e^{4x} - 4e^{2x} = 0 \quad \text{ט.} \quad e^{3x} - 9e^{2x} = 0 \quad \text{ה.} \quad -4e^x + 8e^x = 4 \quad \text{ז.}$$

$$15e^x = 15e^{x^2} \quad \text{ו.} \quad 7e^{x^2} - 7e = 0 \quad \text{ט.} \quad 3e^{1-2x} - 3e^x = 0 \quad \text{ז.}$$

$$\frac{1}{3}e^{x^2-3x} - \frac{1}{3} = 0 \quad \text{יב.} \quad 2e^x - 10 = 0 \quad \text{יא.} \quad 5e^x - \frac{5}{e^2} = 0 \quad \text{ז'}$$

שעותים וקורסיו לימוד במתמטיקה ופיזיקה לתלמידי חטיבה תיכון, והכנה לבגרות - **התמחות ב-5 יח"ל**

"תמציתה של המתמטיקה היא לא לסבר דברים פשוטים, כי אם לפחות דברים מסובכים". - סר גאדר

$$2xe^x - 2xe = 0 \quad \text{ד}. \quad -4e^x + 12xe^x = 0 \quad \text{ג}.$$

$$3e^{-2x} - 6(x+3)e^{-2x} = 0 \quad \text{טז}. \quad -4e^x + 12xe^x = 0 \quad \text{טו}.$$

11. פתרו את המשוואות הבאות

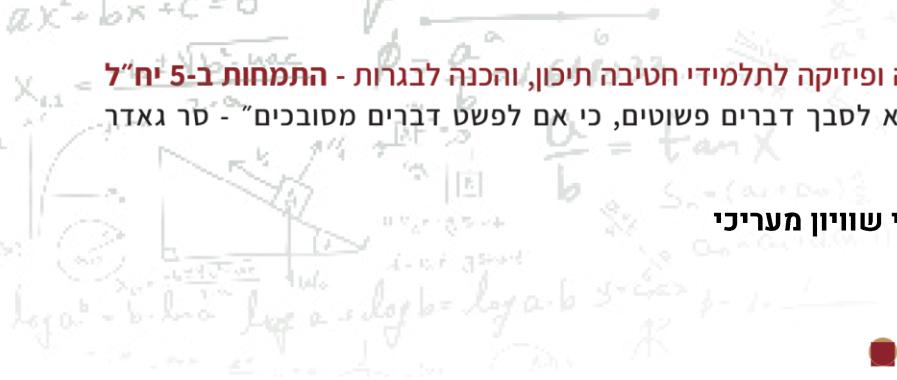
$$\frac{1}{2}x^2e^{-x} - \frac{1}{2}e^{-x}(x+2) = 0 \quad \text{ב}. \quad 12xe^x + 3x^2e^x = 0 \quad \text{א}.$$

$$2e^{2x} - 8e^x + 6 = 0 \quad \text{ד}. \quad 3e^{2x} + 3e^x - 6 = 0 \quad \text{ג}$$

$$2e^x - 12e^{-x} + 2 = 0 \quad \text{ה}. \quad \frac{1}{2}e^{2x} + 6 = 3.5e^x \quad \text{ט}$$

$$e^{-2x} + e^2 = 2e^{1-x} \quad \text{טז}. \quad 2e^{2x} + 4e^2 = 6e \cdot e^x \quad \text{ט}$$

$$\frac{4e^{2x}}{x} + \frac{2e^{2x}}{x^2} = 0 \quad \text{ט}$$


אי שוויון מעריני

12. פתרו את המשוואות האי שוויון הבאות

$$36^{2x-1} < 6^{3x+2} \quad \text{ג.} \quad e^x > 7 \quad \text{ב.} \quad e^x > e^2 \quad \text{א.}$$

$$5^{3x+3} \geq 25^{x-2} \quad \text{ד.} \quad 16^{-x-3} \geq 4^{2x-1} \quad \text{ה.} \quad 2^{x+1} < \frac{1}{2}^{5x-3} \quad \text{ט.}$$

13. פתרו את המשוואות האי שוויון הבאות

$$8 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{2-x} \geq 2^{-x+2} \quad \text{ג.} \quad 27 \cdot 9^{x-3} \leq 81^{3x-2} \quad \text{ב.} \quad 4 \cdot 2^{4x-1} \leq 8^{x+2} \quad \text{א.}$$

$$2^{\frac{x}{2}-6} < 8 \quad \text{ד.} \quad (2\sqrt{2})^{3x-2} < 8 \cdot 16^x \quad \text{ה.} \quad 27 \cdot \left(\frac{1}{9}\right)^{x-2} \leq 3^{4x-5} \quad \text{ט.}$$

14. פתרו את המשוואות האי שוויון הבאות

$$6^{x^2-4x} \geq \frac{8}{27} \quad \text{ג.} \quad 4^{x^2-2x} \leq 64 \quad \text{ב.} \quad 4^{x^2-2x-8} > 2 \quad \text{א.}$$

$$3^{x^2-2} \geq 27^{x-3} \quad \text{ד.} \quad \left(\frac{2}{5}\right)^{1-x^2} > 250^{x+1} \quad \text{ה.} \quad 16^{x^2-5x} \leq \frac{1}{2} \quad \text{ט.}$$

15. רשמו את תחום ההגדרה של כל פונקציה

$$y = \frac{1}{\sqrt{6 \cdot \left(\frac{64}{27}\right)^{x+2} - 8 \cdot \left(\frac{9}{16}\right)^{x+1}}} \quad \text{ב.} \quad y = \sqrt{-(4^{x^2+1} - x^{5x})} \quad \text{א.}$$

$$\frac{7x^2+1}{2} - \frac{4x}{49} < 0 \quad \text{ט.} \quad 2^{x+2} > (4)^{\frac{1}{4}x} + (\sqrt{2})^{x+6} - 8^{\frac{1}{3}} \quad \text{א.}$$